

暨南大学考试试卷

| | | |
|------|---|--|
| 教师填写 | 2017-2018 学年度第 2 学期 | 课程类别 必修 <input checked="" type="checkbox"/> 选修 <input type="checkbox"/> |
| | 课程名称: 大学数学(理工 4 学分) | 考试方式 开卷 <input type="checkbox"/> 闭卷 <input checked="" type="checkbox"/> |
| | 授课教师: 张三, 李四, 王五 | 试卷类别 (A, B, C) [B] 共 6 页 |
| | 考试时间: 2018 年 06 月 28 日 | |
| 考生填写 | _____ 学院 _____ 专业 _____ 班 (级) 姓名 _____ 学号 _____ 内招 <input checked="" type="checkbox"/> 外招 <input type="checkbox"/> | |

| | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|----|
| 题号 | 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 六 | 总分 |
| 得分 | | | | | | | |

| | |
|----|-----|
| 得分 | 评阅人 |
| | |

一、填空题

(共 8 小题, 每小题 2 分, 共 16 分)

1. 已知 ξ 和 η 相互独立且 $\xi \sim N(1, 4), \eta \sim N(2, 5)$, 则 $\xi - 2\eta \sim$ _____。
2. 电子管寿命 ξ 满足平均寿命为 1000 小时的指数分布, 则它的寿命小于 2000 小时概率为 _____。
3. 已知随机变量 ξ 的期望和方差各为 $E\xi = 3, D\xi = 2$, 则 $E\xi^2 =$ _____。
4. 已知连续型 ξ 的密度函数为 $\varphi(x) = \begin{cases} k \cos x, & -\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2} \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$, 则 $k =$ _____。
5. 已知 $P(A) = 0.3, P(B|A) = 0.4, P(B|\bar{A}) = 0.5$, 则 $P(B) =$ _____。
6. 向量组 $\alpha_1 = (1, 1, 0), \alpha_2 = (0, 1, 1), \alpha_3 = (1, 0, 1)$, 则将向量 $\beta = (4, 5, 3)$ 表示为 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 的线性组合为 $\beta =$ _____。
7. 五阶行列式的一共有 _____ 项。
8. 已知二阶行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ -3 & x \end{vmatrix} = 0$, 则 $x =$ _____。

| 得分 | 评阅人 |
|----|-----|
| | |

二、单选题

(共 8 小题, 每小题 2 分, 共 16 分)

1. 样本平均数 \bar{X} 未必是总体期望值 μ 的 ()
(A) 最大似然估计 (B) 有效估计 (C) 一致估计 (D) 无偏估计
2. 在数理统计中, 对总体 X 和样本 (X_1, \dots, X_n) 的说法哪个是不正确的 ()
(A) 总体是随机变量 (B) 样本是 n 元随机变量
(C) X_1, \dots, X_n 相互独立 (D) $X_1 = X_2 = \dots = X_n$
3. 下列说法不正确的是 ()
(A) 大数定律说明了大量相互独立且同分布的随机变量的均值的稳定性
(B) 大数定律说明大量相互独立且同分布的随机变量的均值近似于正态分布
(C) 中心极限定理说明了大量相互独立且同分布的随机变量的和的稳定性
(D) 中心极限定理说明大量相互独立且同分布的随机变量的和近似于正态分布
4. 对任何一个本校男学生, 以 A 表示他是大一学生, B 表示他是大二学生, 则事件 A 和 B 是 ()
(A) 对立事件 (B) 互斥事件
(C) 既是对立事件又是互斥事件 (D) 不是对立事件也不是互斥事件
5. 二次型 $f = 4x_1^2 - 2x_1x_2 + 6x_2^2$ 对应的矩阵等于 ()
(A) $\begin{pmatrix} 4 & -2 \\ -2 & 6 \end{pmatrix}$ (B) $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ (C) $\begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -1 & 6 \end{pmatrix}$ (D) $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$
6. 已知矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & x & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ 其中两个特征值为 $\lambda_1 = 1$ 和 $\lambda_2 = 2$, 则 $x =$ ()
(A) 2 (B) 1 (C) 0 (D) -1
7. 若三阶行列式 $\begin{vmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ 2b_1 - a_1 & 2b_2 - a_2 & 2b_3 - a_3 \\ c_1 & c_2 & c_3 \end{vmatrix} = 2$, 则 $\begin{vmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \\ c_1 & c_2 & c_3 \end{vmatrix} =$ ()
(A) 1 (B) -1 (C) 2 (D) -2
8. 下列各排列哪个是偶排列 ()
(A) 3712456 (B) 36715284 (C) 654321 (D) 41253

| 得分 | 评阅人 |
|----|-----|
| | |

三、计算题

(共 6 小题，每小题 8 分，共 48 分)

1. 从正态总体 $N(\mu, \sigma^2)$ 中抽出样本容量为 16 的样本，算得其平均数为 3160，标准差为 100。试检验假设 $H_0: \mu = 3140$ 是否成立 ($\alpha = 0.01$)。

2. 设每发炮弹命中飞机的概率是 0.2 且相互独立，现在发射 100 发炮弹。

(1) 用切贝谢夫不等式估计命中数目 ξ 在 10 发到 30 发之间的概率。

(2) 用中心极限定理估计命中数目 ξ 在 10 发到 30 发之间的概率。

3. 设随机变量 $\xi \sim N(1, 4)$, 求 $P(-1 < \xi < 5)$ 。

4. 设二元随机变量 (ξ, η) 的联合分布表为

| $\xi \backslash \eta$ | -1 | 0 | 1 |
|-----------------------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | $1/3$ | 0 |
| 1 | $1/3$ | 0 | $1/3$ |

(1) 求关于 ξ 和 η 的边缘分布。

(2) 判断 ξ 和 η 的独立性。

(3) 判断 ξ 和 η 的相关性。

5. 用配方法将二次型 $f = x_1^2 + 2x_1x_2 - 6x_1x_3 + 2x_2^2 - 12x_2x_3 + 9x_3^2$ 化为标准形 $f = d_1y_1^2 + d_2y_2^2 + d_3y_3^2$ 。

6. 计算四阶行列式 $A = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \\ 2 & 3 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}$ 的值。

| | | |
|----|-----|--------------------------|
| 得分 | 评阅人 | 四、证明题 |
| | | (共 2 小题，每小题 10 分，共 20 分) |

1. 设事件 A 和 B 相互独立，证明 A 和 \bar{B} 相互独立。

2. 不使用矩阵可相似对角化的判别定理，直接用矩阵的运算和性质证明下面的矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 不能相似对角化，即不存在可逆矩阵 P 和对角阵 Λ 使得 $P^{-1}AP = \Lambda$ 。

附录 一些可能用到的数据

| | | | |
|----------------------------|----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| $\Phi_0(0.5) = 0.6915$ | $\Phi_0(1) = 0.8413$ | $\Phi_0(2) = 0.9773$ | $\Phi_0(2.5) = 0.9938$ |
| $t_{0.01}(8) = 3.355$ | $t_{0.01}(9) = 3.250$ | $t_{0.01}(15) = 2.947$ | $t_{0.01}(16) = 2.921$ |
| $\chi^2_{0.005}(8) = 22.0$ | $\chi^2_{0.005}(9) = 23.6$ | $\chi^2_{0.005}(15) = 32.8$ | $\chi^2_{0.005}(16) = 34.3$ |
| $\chi^2_{0.995}(8) = 1.34$ | $\chi^2_{0.995}(9) = 1.73$ | $\chi^2_{0.995}(15) = 4.60$ | $\chi^2_{0.995}(16) = 5.14$ |